

解析学続論 / 解析学概論 I (2018 前期)

- テキストは、
<http://www.math.nagoya-u.ac.jp/~yamagami/teaching/functional/hilbert2018.pdf>
参考書は、
N.I. Akhiezer and I.M. Glazman, Theory of Linear Operators in Hilbert Space, Dover, 1993.
G.K. Pedersen, Analysis Now, Springer Verlag, 1988.
M. Reed and B. Simon, Functional Analysis, Academic Press, 1981.
- 授業は、学部 (4 単位 = 演習 + 講義) と大学院 (2 単位 = 講義) のハイブリッドという聞こえは良いかも知れないが、混合授業である。
昨年に引き続き「半転授業」(semi-flipped classroom) を指向する。すなわち、授業の多くの部分を、事前・事後の学習に委ねる。(事前学習をしない者には、この授業が無意味であると心得る。)当然のことながら、授業ノートは公開である。各自、進度表を参考に該当箇所の予習を行う。その際、証明・計算の細部にはこだわらず(あるいは無視して)大まかな流れと用語・概念の把握に努める。
- 週ごとの授業は、9:00–10:00 の演習(学部生対象) + 10:20–12:00 の講義(学部・修士生対象)から成る。講義では、その回ごとのテーマに沿って、大枠は予習してあるという前提で、いわゆる教科書的ではない議論の流れとか意味とかをできるだけ informal な形で質疑応答を交え伝えていきたい。講義の後には、例と問を中心に復習を行い、必要に応じて証明の部分も確認する。演習の時間は、この事後学習を前提に、前回の講義内容について質問し、該当範囲の問から一つを選び、その解答に至るプロセスをレポートにまとめ、提出する。
- 講義の一部として3回予定している試験も、技術的というよりは概念的な理解を問う形のものを考えている。質疑を促進させるために、各試験に対応する4回の講義時間中に最低1回は質問することを受験資格とする。ただ、いちいち記録を取ることはしないので、これはあくまでも紳士協定である。一方、より技術的な部分については、演習の時間でカバーすることになる。したがって、直接の単位には結びつかないものの、基礎の習得を目指す修士生は、演習にも積極的に参加することをとくに勧める。
- 試験は6点満点×3回、演習は1点満点×12回
修士生は試験で10点以上、学部生は試験・演習の合計が16点以上で合格。
なお、修士生においては試験を2回以上欠席した場合、学部生においては受けた試験の総配点+演習の提出回数が16未満の場合は、授業全体を欠席したものとみなす。
- オフィスアワーは、水曜 12:30–13:30 (理 A 349)、事前予約等は、
yamagami@math.nagoya-u.ac.jp
まで。
- 授業の情報は、
<http://www.math.nagoya-u.ac.jp/~yamagami/teaching/functional/zokuron2018.html>
に随時掲載の予定。

講義進度予定表

- 初回のみ事前学習は不要。演習は、講義の1週遅れで進行する。
- 事前学習を前提にしたこともあり、1回当たりの量は通常講義の2/3といったところ。それでも、基本項目は賄えるだろう。
- 授業では触れないものの、§8以降はほぼ独立に読めるので、必要に応じて利用されたい。

4/17	Placement Test, 完備距離空間、バナッハの不動点定理 (p.4-p.7)
4/24	バナッハ空間、完備化 (p.7-p.10)
5/01	ルベグ空間 (p.11-p.14)
5/08	たたみ込み (p.16-p.19)
5/15	試験1
5/22	近似デルタ関数、多項式近似定理 (p.19-p.24)
5/29	ヒルベルト空間、正規直交基底、正射影分解 (p.24-p.32)
6/05	線型汎関数、リースの補題、ラドン・ニコディム定理 (p.33-p.38)
6/12	ラドン測度 (p.39-p.42)
6/19	試験2
6/26	ハーン・バナッハの定理 (p.42-p.47)
7/03	有界線型作用素、ベールの定理 (p.48-p.52)
7/10	一様有界性定理 (p.52-p.56)
7/17	ヒルベルト空間上の線型作用素、エルミート共役、ユニタリー作用素、射影作用素 (§7)
7/24	試験3